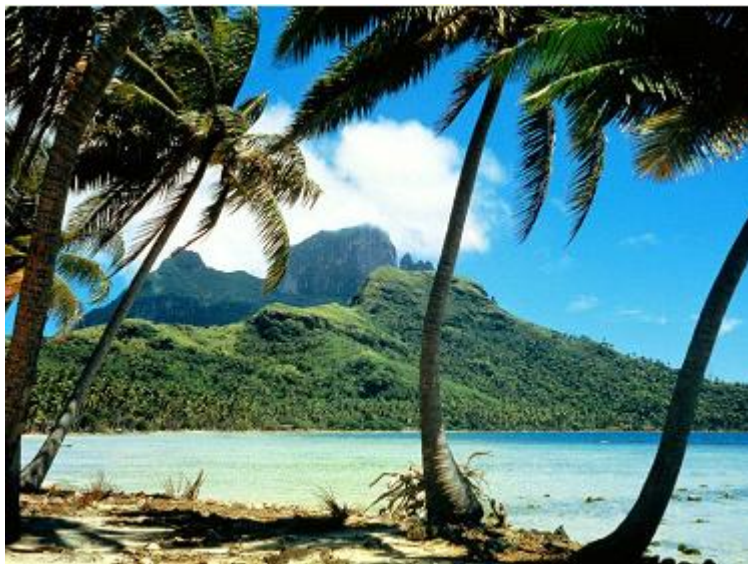


קוראים לו

יוסילה מתמטיקה.

ברוכים הבאים לעולם
"החשבון לא חשבון"

לפנינו ספור אודות נער שמצא עצמו על אי בודד. ובסופו של דבר
גילה כי בקצה האי ההיא קיימת איזה עיירה, אלא שאנשיה
קצת מוזרים.
ושם פגש במשפחה שאכסנה אותו להיות כאחד מהם.



אנו נהיה עדים לכל מה שעבר עליו בעיר ההיא.
ונראה מקרוב הפלאי-פלאים שבחשבון ללא חשבון
שנתגלו לו בחיותו ביניהם.



הקדמה אודות "החשבון ללא חשבון"

כשאומרים "חשבון ללא חשבון" אין הכוונה שאין כאן חשבון כלל, אלא המדובר אודות פעולת חשבון כה זעירה עד שילד קטן יכול לתת תשובה לפעולת חשבון כזו. ניקח למשל לוח הכפל של "99" ונראה ביחד כמה זמן ומאמצים אתה צריך להשקיע?

$$\text{למשל: } 4356 \div 99 = ?$$

בבקשה תיגש למהלכי ה"חשבון" שאתה מכיר ורגיל! ...
סיימת?

האתגר שבדף זה:

לחת לילד קטן לפתור לנו הפעולה " $4356 \div 99 = ?$ "

⬅ תוך שניה אחת, בבקשה!

וכעת, בא ונפתור אותו תרגיל "בחשבון ללא חשבון"

אני מסתכל על המספר "4356"

כן מסתכל כך! "4356"

וכל מה שיש לעשות הוא להוסיף "ועוד אחד"

אני חושב, כי אפילו ילד קטן יכול לפתור לנו תרגיל מסובך זה.

$$4356 \div 99 = 44$$

פרק י'

יוסילה ובלחשב פוגשים האיש מהעולם הגדול!

יוסילה ובלחשב בדרכם לביקור אצל יוסף.

יוסף: בואו תכנסו, מה שלומך יוסילה? אני שמח שהבאת בלחשב איתך.

יוסילה: אני הסברתי לו את כל מה שהסברת לי... כך שהיום אתה יכול לזרום! אינך צריך לחזור על הראשונות.

יוסף: וכבר אני מגיש המשך למה שהסברתי (כלומר ללא חיצים כמו בשיעור הראשון)

32^2 שתי הספרות האלו, ההבדל ביניהם $= 1$ ואכן יהיה עלינו לחסר 1^2 (או פשוט, "פחות 1")

3	2	0	9	0	4	
32^2			1	2		-1
			0			
		1	0	2	4	

כי זה אותו דבר, אם אתה ניגש לריבוע בגישה זו 32^2 או בגישה של כפל 32×32 .

3	2	0	9	0	4	
3	2		1	2		-1
09	04		0			
		1	0	2	4	

שים לב, כאן יש לך 12 הגם כי $9 + 4 = 13$. כי $9 + 4 - 1 = 12$

יוסילה: מה יותר כדאי, לוח ראשון או לוח שני?

יוסף: אל תטריד עצמך בזה... הכל יתיישב כאשר נעבור מתרגיל לתרגיל...

הפעולה הבאה מוכרת לנו 77×77

7	7	4	9	4	9	
7	7		1	8		
49	49		8			
		5	9	2	9	

הבה ונעשה שינוי קל.

הפעולה הבאה עניינה 83×77

7	7	5	6	2	1	
8	3			7		
56	21		7			
כופלים $7 \times 8, 7 \times 3$		6	3	9	1	

בלחשב: כאן אנו לא מחסרים דבר.

יוסף: נכון! למה? הסיבה היא פשוטה, אודות 77×77 , שכן הגענו עד כאן למצוא ההבדל בין

שתי הספרות. ואם ההבדל הנו 0, מובן מאליו שאין מה לחסר.

אך מדוע אין מחסרים דבר ב 83×77 ? אנו נחזור על זה... אך הבא ונעבור לתרגיל הבא.
אותו 77 נחליף ב 87 , ונראה מה זה יכריח אותנו!

הפעולה הבאה עניינה 83×87

$8 - 7 = 1$	8	7	6	4	2	1	
$8 - 3 = 5$	8	3			5		- 5
$1 \times 5 = 5$	64	21		8			
כפל ההבדלים	כופלים $8 \times 8, 7 \times 3$		7	2	2	1	

למספר 87 אנו אומרים $1 = 7 - 8$; למספר 83 אנו אומרים $5 = 3 - 8$.
כעת יש לכפול שתי התוצאות $1 \times 5 = 5$, אותו 5 אנו נחסר. כאן לא שייך לחסר ריבוע כלשהוא.
יוסילה : כעת אני יכול להסביר 83×77 . מדוע אין כאן מה לחסר.
יוסף : בבקשה, כולי אוזן!
יוסילה : כי יש "אפס" להכפיל !

הפעולה הבאה עניינה 83×77

$7 - 7 = 0$	7	7	5	6	2	1	
$8 - 3 = 5$	8	3			7		0
$0 \times 5 = 0$	56	21		7			
			6	3	9	1	

למספר 77 אנו אומרים $0 = 7 - 7$; למספר 83 אנו אומרים $5 = 3 - 8$.
כעת יש לכפול שתי התוצאות $0 \times 5 = 0$, אכן אין מה לחסר.
יוסף : טוב ! הבנת בלחשב? האם צעד התחלתי זה, כבר מתקבל?
בלחשב : אין בעיה ! בכפל, אנו נצטרך למצוא הבדלי הספרות שבכל מספר.
ולכפול התוצאות, ומה שמקבלים, הוא אותו מספר שנצטרך לחסר.
יוסף : וכעת להעיר ... יש לשים לב כי לריבועים 72^2 או 27^2 אנו מחסרים 5^2 .
סקירה מקרוב יותר... $5 = 2 - 7$ כפול $5 = 2 - 7 \Leftarrow 5 \times 5 = 25$
כמעט אותו דבר עבור 29×38 או 83×92
 $7 = 2 - 9$ כפול $5 = 3 - 8 \Leftarrow 5 \times 7 = 35$... אנו נחסר 35 .

29×38		הבדל לחסר
2	9	7
3	8	5
		$35 (5 \times 7)$

92×83		הבדל לחסר
9	2	7
8	3	5
		$35 (5 \times 7)$

ב 29 הבדל ספרות 7 ; ב 38 הבדל ספרות 5 ; לכפול $5 \times 7 = 35$; אותו 35 , אותו אנו נחסר.
ב 92 הבדל ספרות 7 ; ב 83 הבדל ספרות 5 ; לכפול $5 \times 7 = 35$; אותו 35 , אותו אנו נחסר.

$8 - 3 = 5$	3	8	0	6	7	2	
$9 - 2 = 7$	2	9			3		- 5
$7 \times 5 = 35$	06	72		4			- 3
			1	1	0	2	

בשורה העליונה, אנו כפלו האחדות 9 כפול 8 ורשמנו 72 ולשמאלו רשמנו 06 שהוא 2 כפול 3 .
ועלינו לחסר 35. איך מחסרים? מחסרים 5 באחדות, ומחסרים 3 בעשרות.
כאן למטה, כפלו האחדות 2 כפול 3 ורשמנו 06 ולשמאלו רשמנו 72 שהוא 9 כפול 8 .

$8 - 3 = 5$	8	3	7	2	0	6	
$9 - 2 = 7$	9	2			3		- 5
$7 \times 5 = 35$	72	06		4			- 3
			7	6	3	6	

וכעת נעבור לתרגיל... 26×18
בלחשב: רגע, אני רוצה לנסות...

$8 - 1 = 7$	1	8	0	2	4	8	
$6 - 2 = 4$	2	6			2		- 8
$7 \times 4 = 28$	02	48		2			- 2
			0	4	6	8	

ב 18 הבדל ספרות = 7 ; ב 26 הבדל ספרות = 4 ; לכפול $4 \times 7 = 28$
לאחר שהגעתי ל 28 ... מלאתי שורה ראשונה. 48 ולשמאלו 02
בחיבור האחדות, חיסרתי (ויותרתי על ה) 8 ונשארתי עם 2.
ובחיבור העשרות חסרתי 2 ונשארתי עם 2.
יוסף: אני רואה איך סדרת אותם? ממש מצוין, תודה!
ועכשיו נראה אתה יוסילה ... הצג לנו התמונה ל 85×64
יוסילה: $2 = 4 - 6$; $3 = 5 - 8$; $6 = 3 \times 2$... אני מחסר 6 בקלי קלות.

$8 - 5 = 3$	8	5	4	8	2	0	
$6 - 4 = 2$	6	4			2		- 6
$3 \times 2 = 6$	48	20		6			
			0	4	6	8	

יוסף: אנו ערים שכל מה שאנו עושים עד עכשיו הנו בגדר 32^2 , 23^2 כלומר שני המספרים
הכופלים זה את זה, כמו 32×32 או 23×23 . שתי האחדות קטנות יותר או גדולות יותר
מהעשרות. כך, לא משנה אם מדובר ב 32×32 או 82×52 או 71×98 או ... כל עניינם של אלו,
האחדות הן הקטנות והעשרות הן הגדולות ... (וכן בהיפוך לאלו המספרים)
 23×23 או 25×28 או 17×89 או ... לשני הגורמים, אחדות "קטן יותר או גדול יותר".
אך מה עושים בכפל כזה: $82 \times 28 = ?$ או $97 \times 28 = ?$ או ...
למספר אחד האחדות גדול מהעשרות, ולשני העשרות גדול מהאחדות?

בואו ונראה $28 \times 82 = \dots$

$2 - 8 = -6$	$8 - 2 = 6$	2	8	1	6	1	6	
$8 - 2 = 6$	$2 - 8 = -6$	8	2		1	8		+ 6
$6 \times -6 = -36$	$6 \times -6 = -36$	16	16		5			+ 3
				2	2	9	6	

יש לנו לחסר "-36" (פחות, פחות $= 36 + 36$) כלומר להוסיף ... הפעם אנו עושים +36

בואו ונראה $28 \times 97 = \dots$

$2 - 8 = -6$	$8 - 2 = 6$	2	8	1	8	5	6	
$9 - 7 = 2$	$7 - 9 = -2$	9	7		1	6		+ 2
$2 \times -6 = -12$	$-2 \times 6 = -12$	18	56		7			+ 1
				2	7	1	6	

יש לנו לחסר -12 כלומר להוסיף ... הפעם אנו עושים +12
יוסילה: תן לי לנסות, איך זה אם נוסיף המספר 12 במכה אחת?

בשביל $79 \times 82 = \dots$

$9 - 7 = 2$	$7 - 9 = -2$	7	9	5	6	1	8	
$2 - 8 = -6$	$8 - 2 = 6$	8	2		2	6		+ 12
$2 \times -6 = -12$	$-2 \times 6 = -12$	56	18		6			
				6	4	7	8	

כן! אני מודה כי שתי פעולות קטנטנות, לא מורגש בהם החשבון. אבל כאן $26 = 12 + 6 + 8$ זה ממש חשבון, וכדאי לחלק שלב זה לשתי פעולות, להוסיף רק 2 באחדות, ו 1 בעשרות. בלחשב: גם אני בעד ועוד 2 ועוד 1 אין לך פשוט מזה!
יוסף: כעת גמרתי כל מה שיש לי להסביר ... ולא נשאר אלא ריבוי האפשרויות. למשל רק האפשרות "לחסר או להוסיף 12" זה לעצמו לוקח לו לוח שלם.
(צא וחשב כמה לוחות צריכים לכל הפעולות?)

13 או 24 או 35 או 46 או 57 או 68 או 79 כפול 17 או 28 או 39 אנו נחסר 12 12 או 13 או 17 ; 12 או 13 או 17 ; 12 או 13 או 17 12 או 24 או 17 ; 12 או 24 או 17 ; 12 או 24 או 17 12 או 35 או 17 ; 12 או 35 או 17 ; 12 או 35 או 17 12 או 46 או 17 ; 12 או 46 או 17 ; 12 או 46 או 17 12 או 57 או 17 ; 12 או 57 או 17 ; 12 או 57 או 17 12 או 68 או 17 ; 12 או 68 או 17 ; 12 או 68 או 17 12 או 79 או 17 ; 12 או 79 או 17 ; 12 או 79 או 17	31 או 42 או 53 או 64 או 75 או 86 או 97 כפול 71 או 82 או 93 אנו נחסר 12 12 או 31 או 71 ; 12 או 31 או 71 ; 12 או 31 או 71 12 או 42 או 71 ; 12 או 42 או 71 ; 12 או 42 או 71 12 או 53 או 71 ; 12 או 53 או 71 ; 12 או 53 או 71 12 או 64 או 71 ; 12 או 64 או 71 ; 12 או 64 או 71 12 או 75 או 71 ; 12 או 75 או 71 ; 12 או 75 או 71 12 או 86 או 71 ; 12 או 86 או 71 ; 12 או 86 או 71 12 או 97 או 71 ; 12 או 97 או 71 ; 12 או 97 או 71
---	---

וזה לא הכל... אנו כאן נעזרנו ב $2 \times 6 = 12$ כלומר הבדל 2 כמו 79 ; והבדל 6 כמו 71...
אך יש עוד האפשרות של $3 \times 4 = 12$ כמו אלו

13 או 24 או 35 או 46 או 57 או 68 או 79 כפול 71 או 82 או 93 אנו נוסף 12 12 או 13 x 71 ; 13 x 82 ; 13 x 93 12 או 24 x 71 ; 24 x 82 ; 24 x 93 12 או 35 x 71 ; 35 x 82 ; 35 x 93 12 או 46 x 71 ; 46 x 82 ; 46 x 93 12 או 57 x 71 ; 57 x 82 ; 57 x 93 12 או 68 x 71 ; 68 x 82 ; 68 x 93 12 או 79 x 71 ; 79 x 82 ; 79 x 93	31 או 42 או 53 או 64 או 75 או 86 או כפול 17 או 28 או 39 אנו נוסף 12 12 או 31 x 17 ; 31 x 28 ; 31 x 39 12 או 42 x 17 ; 42 x 28 ; 42 x 39 12 או 53 x 17 ; 53 x 28 ; 53 x 39 12 או 64 x 17 ; 64 x 28 ; 64 x 39 12 או 75 x 17 ; 75 x 28 ; 75 x 39 12 או 86 x 17 ; 86 x 28 ; 86 x 39 12 או 97 x 17 ; 97 x 28 ; 97 x 39
---	--

14 או 25 או 36 או 47 או 58 או 69 כפול 15 או 26 או 37 או 48 או 59 אנו נחסר 12 15 x 14 ; 15 x 25 ; 15 x 36 ; 15 x 47 ; 15 x 58 ; 15 x 69 26 x 14 ; 26 x 25 ; 26 x 36 ; 26 x 47 ; 26 x 58 ; 26 x 69 37 x 14 ; 37 x 25 ; 37 x 36 ; 37 x 47 ; 37 x 58 ; 37 x 69 48 x 14 ; 48 x 25 ; 48 x 36 ; 48 x 47 ; 48 x 58 ; 48 x 69 59 x 14 ; 59 x 25 ; 59 x 36 ; 59 x 47 ; 59 x 58 ; 59 x 69	41 או 52 או 63 או 74 או 85 או 96 כפול 51 או 62 או 73 או 84 או 95 אנו נחסר 12 51 x 41 ; 51 x 52 ; 51 x 63 ; 51 x 74 ; 51 x 85 ; 51 x 96 62 x 41 ; 62 x 52 ; 62 x 63 ; 62 x 74 ; 62 x 85 ; 62 x 96 73 x 41 ; 73 x 52 ; 73 x 63 ; 73 x 74 ; 73 x 85 ; 73 x 96 84 x 41 ; 84 x 52 ; 84 x 63 ; 84 x 74 ; 84 x 85 ; 84 x 96 95 x 41 ; 95 x 52 ; 95 x 63 ; 95 x 74 ; 95 x 85 ; 95 x 96
41 או 52 או 63 או 74 או 85 או 96 כפול 15 או 26 או 37 או 48 או 59 אנו נוסף 12 15 x 41 ; 15 x 52 ; 15 x 63 ; 15 x 74 ; 15 x 85 ; 15 x 96 26 x 41 ; 26 x 52 ; 26 x 63 ; 26 x 74 ; 26 x 85 ; 26 x 96 37 x 41 ; 37 x 52 ; 37 x 63 ; 37 x 74 ; 37 x 85 ; 37 x 96 48 x 41 ; 48 x 52 ; 48 x 63 ; 48 x 74 ; 48 x 85 ; 48 x 96 59 x 41 ; 59 x 52 ; 59 x 63 ; 59 x 74 ; 59 x 85 ; 59 x 96	14 או 25 או 36 או 47 או 58 או 69 כפול 51 או 62 או 73 או 84 או 95 אנו נוסף 12 51 x 14 ; 51 x 25 ; 51 x 36 ; 51 x 47 ; 51 x 58 ; 51 x 69 62 x 14 ; 62 x 25 ; 62 x 36 ; 62 x 47 ; 62 x 58 ; 62 x 69 73 x 14 ; 73 x 25 ; 73 x 36 ; 73 x 47 ; 73 x 58 ; 73 x 69 84 x 14 ; 84 x 25 ; 84 x 36 ; 84 x 47 ; 84 x 58 ; 84 x 69 95 x 14 ; 95 x 25 ; 95 x 36 ; 95 x 47 ; 95 x 58 ; 95 x 69

וכמו שיש 12 כך יש מספרים אחרים לפתח. החל מהבדלי ספרות "אפס" כמו 77 x 77 כאן אנו מחסרים/מוסיפים 0. f0xf0

ועד ההבדל הגדול ביותר 19 x 19 ; 91 x 91 ; 19 x 91 ... באלו אנו מחסרים/מוסיפים 64. f8xf8
הסמל f מובנו אפשרות הפרש. למשל : f3xf4 ; זה בדיוק מה שפיתחנו בלוח הקודם. (51 x 96) וחבריו.

f0xf0								
f0xf1	f1xf1							
f0xf2	f1xf2	f2xf2						
f0xf3	f1xf3	f2xf3	f3xf3					
f0xf4	f1xf4	f2xf4	f3xf4	f4xf4				
f0xf5	f1xf5	f2xf5	f3xf5	f4xf5	f5xf5			
f0xf6	f1xf6	f2xf6	f3xf6	f4xf6	f5xf6	f6xf6		
f0xf7	f1xf7	f2xf7	f3xf7	f4xf7	f5xf7	f6xf7	f7xf7	
f0xf8	f1xf8	f2xf8	f3xf8	f4xf8	f5xf8	f6xf8	f7xf8	f8xf8

בלחשב: לפי טבלה זו, אנו יכולים לבנות לוח שלם לכל תא?
 יוסף: נכון! אחד המרבה ואחד הממעיט.. יש לוח הכולל הרבה פעולות ויש לוח אחר הכולל פחות פעולות.

יוסילה: ממש נהננו מהפולחן שלך. גוון חדש לכפל. הגם כי לכאורה היו איזה קשאים, אבל אתה גילית לנו הדרך המתאימה להם.

יוסף: קשאים? מה למשל?

יוסילה: זה לא כל כך פשוט! ולא מובן מאליו!

תראה איך עשית מזה להיות מאוד פשוט!

ובפרט, כאשר אמרת, "יש לנו לחסר 36- כלומר להוסיף ... הפעם אנו עושים +36" אתה מגיש את זה בפשטות כזו!...

בואו ונראה $82 \times 28 = \dots$

$2 - 8 = -6$	$8 - 2 = 6$	2	8	1	6	1	6	
$8 - 2 = 6$	$2 - 8 = -6$	8	2		1	8		+ 6
$6 \times -6 = -36$	$6 \times -6 = -36$	16	16		5			+ 3
				2	2	9	6	

יוסף: ראה! אולי לוח זה יוכל לעזור!

-0^2	-1^2	-2^2	-3^2	-4^2	-5^2	-6^2	-7^2	-8^2
11	98 ; 89	97 ; 79	96 ; 69	95 ; 59	94 ; 49	93 ; 39	92 ; 29	91 ; 19
22	87 ; 78	86 ; 68	85 ; 58	84 ; 48	83 ; 38	82 ; 28	81 ; 18	
33	76 ; 67	75 ; 57	74 ; 47	73 ; 37	72 ; 27	71 ; 17		
44	65 ; 56	64 ; 46	63 ; 36	62 ; 26	61 ; 16			
55	54 ; 45	53 ; 35	52 ; 25	51 ; 15				
66	43 ; 34	42 ; 24	41 ; 14					
77	32 ; 23	31 ; 13						
88	21 ; 12							
99								

בלחשב: על כל פנים, תודה רבה, אנו צריכים ללכת הביתה, תודה שוב!

הנם עומדים לחזור הביתה, ונפתחה הדלת ונכנס האבא של יוסף.

האבא : מי מכם יוסילה?

יוסילה : זה אני ! ועם חיוך רחב נותן יד לשלום.

האבא : שמעתי שאתה נמצא כאן זמן מועט והספקת להבין לרוחם של אלו? אני ניסיתי ומנסה זה שנים... ותמיד חושב ואומר "לא זו הדרך, ולא זו העיר" במילים אחרות זאת לא הנעל המתאימה לרגל שלנו... אי אפשר לבקש מאדם לנעול נעל שאינה לפי המידה שלו.

יוסף : אני חושב אם כולנו נשב! בואו נכנס לסלון, נשב, ונעורר העניינים שיש לנו לעורר.

יוסילה : פונה לאבא אני מבין שעשיתם כמיטבך להתאים עצמך להם... אך הכל נשאר בשבילך בגדר דברים זרים ביחס אליך, וכאוכל שאינו מתעכל...

האבא : בדיוק כך בני!

יוסילה : אני אגיד לך דבר... אל תלחם עם עצמך ... כי בסופו של דבר גם אתה צודק, גם הם צודקים... אלא שאצלם אני לומד מה שהם מפתחים... וכשנחזור לעולם הגדול ואגיע לכיתה שבה צריך לצאת ממנה מהנדס, כמובן שאצטרך להתאים הלימודים שלי בהתאם לנדרש ממני. האבא : מה אתה מציע לי בני?

בלחש : תרשה לי לענות במקומו... ואני מתחיל בסיפור להמחשה ...

מסופר על אדם שהיה חי לבדו בין ההרים, ולא ידע מיושבי העיר. הוא חי בתנאים שהזדמנו לו. הוא זרע חיטים ואכל אותם כמות שהם.

נתגלגלו הדברים ויום אחד בא לעיר. הגישו לו לחם, אמר להם אותו אדם ... מה זה? אמרו לו זה לחם שאוכלים אותו. הוא אכל ומצא שזה מאכל טעים. שאל אותם, ממה זה נעשה? ענו לו : זה נעשה מחיטים. ואחר כך הגישו לו סופגניות חמות... הוא הבין שגם זה לאכול... אכל ונהנה. מצא שזה יותר טעים ממה שקדמו. שוב פנה אליהם באותה שאלה : ממה זה נעשה? והם ענו לו אותו מענה, גם זה נעשה מחיטים. ואחר כך הגישו לו מאכל מלכים המתובל בדבש... וכשאכל, הוא ממש התפלא מהטעם שמצא באותו אוכל. שאל אותם, וממה זה נעשה? ענו לו : אף זה נעשה מחיטים.

אז אותו טיפש שנזכר כי כל ימיו זרע חיטים ואכל חיטים הגיב תגובתו האומללה :

אם כל המאכלים האלו נעשו מחיטים, כנראה אני העולה על כל מאכלים אלו כי אני אוכל העיקר שממנו נעשו כל אלו, הרי אני אוכל החיטים כמות שהם, והם החיטים העיקר שמהם נעשו כל אלו...

אמרו חכמי העיר כי מסכן זה, מחר ישוב לביתו וישוב לאכול חיטים כמות שהן והוא שמח כי הוא משיג העיקר!!! ... כמה מסכן אדם זה כי בשביל דיעותיו המשובשות מנע מעצמו כל התענוגים שיש למצוא במאכלים הנעשים מחיטים, בשומו בראשו כי אכילת החיטה כמות שהיא, הרי בידו העיקר מכל מה שיכול להתהוות מזה...

רק אל תכעס עלי, ואני אבאר לך מה הנמשל!

לאמתו של דבר אי אפשר לבנות בניין, גשר, מכונה, ... או כל דבר מעשה ידי אדם אלא בהשתמש בנוסחאות המתאימות... וזה מה שאפשר למצוא בעולם הגדול. כי הם לא עשו הנוסחאות לשם משחק אלא לשם יעילותם. ואכן נולדה הדיעה, מה שלא יעיל בעולם הנוסחאות, אין אנו צריכים אותו.

דע לך כי בעיירה שלנו, עמדו אבותינו ואבות אבותינו ושקלו הדברים אחרת. הם חיפשו לעשות עוגה טעימה מחיטים, לא שללו התועלת שיש בחיטים... אלא הסתכלו מזווית אחרת. אין לך מושג איזו הנאה לאחד מאיתנו המגלה, אחת מתכונות המספרים! איך מספרים מסוימים מתארגנים ביניהם... זהו שיא התענוג לגלות מסתורי הטבע שבעולם המספרים. הראית את הפולחן שבנך פיתח? האינך רואה איך הוא מתגאה בפולחן שלו ומרגיש יתרון אור על כל האחרים שלא הגיע לידם אותו האור שבנך הבחין בו. ראיתם באיזו שמחה בתוך ההסברים שלו. ראיתם איך אני וחברי שמענו בעירנות מוגברת כל ביאור... בטוחני אם תצטרף אלינו גם אתה תהנה מהטעמים של העוגות, ואז תבחין ביתרון מאכילת חיטים כמות שהם, היותם עיקר!

האבא : האם אתה יודע כי זו פעם ראשונה שאני שומע אחד מאנשי האי הזו המגלה לי, מה היא האמת שיש בידם. תמיד היכרתי אותם רק לפי האמת שלי, ולא הבנתי איך ייתכן להחליף האמת שלי בטריקים קטנים חסרי תועלת... ?

יוסילה : אלו שאתה קורא להם טריקים קטנים, אנו קוראים להם, הבלעדיות שבדבר. כל פרט יש בו אופי מיוחד משלו. אם נזכה ונגלה אותו אופי ואותה בלעדיות, הרי יעלה בידינו למצוא הדרך הקצרה "ללא חשבון" ... לא כן בלחשב?

בלחשב : הנה גם יוסילה מדבר בשמנו!

אבא : אם כן אתם צריכים לבקר שוב אצלנו, ואז אם זה לא יועיל, זה לא יזיק! אנסה להשתלב ברוח הסביבה, כי נראה לי כי הסירוב הפנימי שלי, כבר איננו לאחר ששמעתי מה שדברתם אלי. יוסף : אני ואבא מחכים לביקור שלכם בשבוע הבא, לא להחמיץ.

ובזה נפרדו אלו מאלו.
